

# Ontológiák és adatbázisok – következtetés nyílt és zárt világokban

---

Szeredi Péter  
szeredi@cs.bme.hu

BME VIK Számítástudományi és Információelméleti Tanszék

---

2008. március 26.

## Bevezető példa: adatbázis

---

- Adott adatbázisok:

-nek publikációja	
Péter	publ1
Gergő	publ1
Miklós	publ2
Péter	publ2
István	publ3

Cikk
publ2

Könyv
publ1
publ3

- Mi a válasz a következő kérdésekre:
  - Hány cikke van Miklósnek?
  - Ki nem írt cikket?
  - Mik az egyszerzős publikációk?
  - Mik a nem-könyv publikációk?
  - Ki az, aki cikket írt, de könyvet nem?

## Bevezető példa: Webes tartalom

---

- Adottak a következő, a világhálóról származó információk:

-nek publikációja	
Péter	publ1
Gergő	publ1
Miklós	publ2
Péter	publ2
István	publ3

Cikk
publ2

Könyv
publ1
publ3

- Mi a válasz a következő kérdésekre:
  - Hány cikke van Miklósnek?
  - Ki nem írt cikket?
  - Mik az egyszerzős publikációk?
  - Mik a nem-könyv publikációk?
  - Ki az, aki cikket írt, de könyvet nem?

## Az adatbázis-lekérdezés szemantikája

---

- Relációs algebra – *zárt világ*
- Példa: „Ki az, aki cikket írt, de könyvet nem?”
  - Alaphalmaz: Péter, Gergő, Miklós, István, publ1, publ2, publ3
  - Cikkek: publ2
  - Cikk írók: Miklós, Péter
  - Könyvek: publ1, publ3
  - Könyvet írók: Péter, Gergő, István
  - Cikk írók, akik nem írtak könyvet: Miklós

## Emlékeztető: az ALC nyelv szemantikája

---

- Példa: „Ki az, aki cikket írt, de könyvet nem?” → Ki tartozik az alábbi fogalomba:

$$\exists \text{publikációja.Cikk} \sqcap \neg(\exists \text{publikációja.Könyv})$$

- Interpretáció:  $\mathcal{I} = \langle \Delta, I \rangle$ 
  - $\Delta$  az objektumok halmaza.
  - Az  $I$  függvény az atomi fogalmakhoz és szerepekhez halmazokat ill. relációkat rendel.
- Az összetett fogalomkifejezések szemantikája az  $\mathcal{I}$  interpretációban:

$$\begin{aligned} \top^{\mathcal{I}} &= \Delta \\ \perp^{\mathcal{I}} &= \emptyset \\ (\neg C)^{\mathcal{I}} &= \Delta \setminus C^{\mathcal{I}} \\ (C \sqcap D)^{\mathcal{I}} &= C^{\mathcal{I}} \cap D^{\mathcal{I}} \\ (C \sqcup D)^{\mathcal{I}} &= C^{\mathcal{I}} \cup D^{\mathcal{I}} \\ (\exists R.C)^{\mathcal{I}} &= \{a \in \Delta^{\mathcal{I}} \mid \exists b. \langle a, b \rangle \in R^{\mathcal{I}} \wedge b \in C^{\mathcal{I}}\} \\ (\forall R.C)^{\mathcal{I}} &= \{a \in \Delta^{\mathcal{I}} \mid \forall b. (\langle a, b \rangle \in R^{\mathcal{I}} \rightarrow b \in C^{\mathcal{I}})\} \end{aligned}$$

## A Webes lekérdezés szemantikája

---

- Logikai következményfogalom: nyílt világ
- Példa: „Ki az, aki cikket írt, de könyvet nem?”
  - Számunkra érdekes egyednevek: Péter, Gergő, Miklós, István, publ1, publ2, publ3
  - *Biztosan* cikk: publ2
  - Biztosan cikk-író: Miklós, Péter
  - Biztosan könyv: publ1, publ3
  - Biztosan könyv-író: Péter, Gergő, István
  - Biztosan könyvet nem író: *üres* (nincs ilyen)
  - Biztosan cikk-író, de könyvet nem író: *üres* (nincs ilyen)
- A web nyílt világában az információ nem teljes
- A lekérdezésre csak olyan választ adhatunk, amely a leírt világ *minden kiterjesztésében igaz*.

## A Webes lekérdezés modellezése: leíró logikai adatdobozok

---

- A világban jelenlevő objektumok reprezentálására egy új névfajtát vezetünk be, az *egyedneveket*. jelölésük,  $a, b, c$  stb.
- Az adatdoboz (A-doboz) adatállításokat tartalmaz, ezek lehetnek:
  - fogalmi állítások:  $C(a)$ , pl. cikk(PUBL2),
  - szerepállítások:  $R(a, b)$ , pl. publikációja(PÉTER, PUBL2).

- Példa:

publikációja(PÉTER, PUBL1)	Cikk(PUBL2)
publikációja(GERGŐ, PUBL1)	
publikációja(MIKLÓS, PUBL2)	Könyv(PUBL1)
publikációja(PÉTER, PUBL2)	Könyv(PUBL3)
publikációja(ISTVÁN, PUBL3)	

- $\mathcal{I}$  interpretációs függvényt ki kell bővíteni: minden  $a$  egyednévhez  $\mathcal{I}$  hozzárendel egy neki megfelelő  $a^{\mathcal{I}} \in \Delta^{\mathcal{I}}$  elemet
- $\mathcal{I}$  kielégíti a  $C(a)$  fogalmi állítást ( $\mathcal{I} \models C(a)$ ) csakkor, ha  $a^{\mathcal{I}} \in C^{\mathcal{I}}$ ,
- $\mathcal{I}$  kielégíti a  $R(a, b)$  szerepállítást ( $\mathcal{I} \models R(a, b)$ ) csakkor, ha  $\langle a^{\mathcal{I}}, b^{\mathcal{I}} \rangle \in R^{\mathcal{I}}$ .

## Következtetés A-dobozon

---

- Definíció:  $\mathcal{A} \models \alpha$  : Az  $\mathcal{A}$  A-dobozból következik az  $\alpha$  állítás: ha minden  $\mathcal{A}$ -t kielégítő interpretáció ( $\mathcal{A}$  modellje), biztosan kielégíti  $\alpha$ -t.

$$\mathcal{A} \models C(a) \iff \mathcal{A} \cup \{\neg C(a)\} \text{ inkonzisztens}$$

- Adatdoboz „lekérdezése”:

- *Példányvizsgálat (instance check)*: Igaz-e hogy egy  $\alpha$  adatállítás következménye-e egy  $\mathcal{A}$  adatdoboznak.

Példa: igaz-e, hogy  $(\neg \text{Könyv})(\text{PUBL2})$ . Ha T-dobozunk szerint a könyvek és a cikkek diszjunktak ( $\text{Könyv} \sqcap \text{Cikk} \equiv \perp$ ), akkor a fenti adatdoboznak következménye ez az állítás.

- *Példánykikeresés (instance retrieval)*: egy adott  $C$  fogalomkifejezéshez meg kell állapítani, hogy mely egyednevek tartoznak *biztosan* az adott fogalomba.

Példa: mik a példányai az  $\exists \text{publikációja.Cikk} \sqcap \neg(\exists \text{publikációja.Könyv})$  fogalomnak? A fenti adatdoboz alapján ennek a fogalomnak nincs ismert példánya. Ha az adatdobozhoz hozzávesszük az  $(\leq 1 \text{ publikációja})(\text{Miklós})$  állítást (Miklósnek legfeljebb 1 publikációja van), és feltételezzük a könyvek és a cikkek diszjunktágát, akkor Miklós-t kapjuk válaszként.



## Nyílt és zárt világ

---

- Zárt világban minden állítás vagy igaz, vagy nem.
- Nyílt világban lehetnek eldöntetlen állítások. Például bizonyos publikációkról tudjuk, hogy cikkek, bizonyosokról tudjuk, hogy nem cikkek, és lehetnek olyanok, amelyekről nem tudjuk, hogy cikkek-e.
- Zárt világban nincs szükség negatív állításokra, például, minden egyed amelyről nincs kimondva, hogy cikk, a 'nem-cikk' fogalomba tartozik.
- Zárt világban alkalmazható a „meghiúsulásos negáció” (NF, Negation by Failure), azaz egy állítás bizonyításának sikertelensége az állítás tagadását eredményezi
- Nyílt világban alkalmazható az esetszétválasztás, mint következtetési módszer.

## Egy klasszikus esetszétválasztós példa: Az Oidipusz család

---

- Az Oidipusz adatdoboz:

gyereke(IOKASZTÉ,OIDIPUSZ)	gyereke(IOKASZTÉ,POLÜNEIKÉSZ)
gyereke(OIDIPUSZ,POLÜNEIKÉSZ)	gyereke(POLÜNEIKÉSZ,THERSZANDROSZ)
Apagyilkos(OIDIPUSZ)	¬ Apagyilkos(THERSZANDROSZ)

- Erre az  $\mathcal{A}_{OI}$  A-dobozra vonatkozóan az alábbi kérdést szeretnénk feltenni:

Van-e Iokaszténak olyan gyermeke, aki egyrészt apagyilkos, és akinek másrészt van egy olyan gyermeke, aki nem apagyilkos?

azaz:

$$\mathcal{A}_{OI} \models (\exists \text{gyereke.}(\text{Apagyilkos} \sqcap \exists \text{gyereke.}\neg \text{Apagyilkos}))(\text{IOKASZTÉ})?$$

- A válasz: igen, de a bizonyításhoz esetszétválasztás szükséges!

## Egy saját esetszétválasztós példa: Az alkoholisták

---

- (T1): A szülői jó példa hatalma: ha valakinek van nem-alkoholista szülője, akkor ő sem alkoholista. ( $\exists \text{szülője.} \neg \text{Alkoholista} \sqsubseteq \neg \text{Alkoholista}$ )
- (T2): Az ijesztő rossz példa ereje: ha valakinek van alkoholista barátja, akkor ő nem-alkoholista. ( $\exists \text{barátja.} \text{Alkoholista} \sqsubseteq \neg \text{Alkoholista}$ )
- A fenti T-doboz mellett tekintsük az alábbi A-dobozt:
  - A-nak szülője B:  $\text{szülője}(A, B)$  (1)
  - A-nak barátja B:  $\text{barátja}(A, B)$  (2)
- Ezen tudásbázisból következik, hogy A nem alkoholista ( $\neg \text{Alkoholista}(A)$ )

## Saját tapasztalatok

---

- SINTAGMA Szemantikus Információ-integrációs rendszer:
  - A fogalmi modellezés megvalósítása leíró logikai eszközökkel, *zárt világ* feltételezés mellett
- DLog leíró logikai következtető rendszer
  - *nyílt világ* feltételezés mellett
- Mindkét rendszert Prolog környezetben valósítottuk meg

## Irodalom

---

- The Description Logic Handbook; Theory, Implementation and Applications; Edited by Franz Baader et al.; Cambridge University Press; 2003; ISBN-13: 9780511060632
  - *Daniele Nardi, Ronald J. Brachman: An Introduction to Description Logics*
  - *Franz Baader, Werner Nutt: Basic Description Logics*
  - *Alex Borgida, Maurizio Lenzerini, Riccardo Rosati: Description Logics for Data Bases*
- A szemantikus világháló elmélete és gyakorlata; Szeredi Péter, Lukácsy Gergely, Benkő Tamás; Typotex, 2005;
- Lukácsy Gergely PhD dolgozat: Semantic Technologies using Logic Programming
- Kétnapos műhelymunka, Edinburgh (2006 október): The Closed World of Databases Meets the Open World of the Semantic Web. ESIWiki:  
[http://wiki.esi.ac.uk/The\\_Closed\\_World\\_of\\_Databases\\_Meets\\_the\\_Open\\_World\\_of\\_the\\_Semantic\\_Web](http://wiki.esi.ac.uk/The_Closed_World_of_Databases_Meets_the_Open_World_of_the_Semantic_Web)